

# การสุ่มตัวอย่างแบบแบ่งชั้น

## ความหมาย

การสุ่มตัวอย่างแบบแบ่งชั้น (Stratified Random Sampling) หมายถึงการสุ่มที่แบ่งสมาชิกของประชากรออกเป็นชั้น ๆ ซึ่งมีลักษณะเป็นเอกพันธ์ โดยสมาชิกหนึ่งเมื่ออยู่ในชั้นใดจะไปปรากฏในชั้นอื่นๆ อีกไม่ได้ หลังจากนั้น ก็ทำการเลือกสมาชิกภายในแต่ละชั้นด้วยวิธีการสุ่มแบบง่าย หรือสุ่มแบบมีระบบภายในแต่ละชั้น

## วิธีการสุ่มตัวอย่างแบบแบ่งชั้น

วิธีการสุ่มตัวอย่างแบบแบ่งชั้นเป็นวิธีการสุ่มตัวอย่างจากประชากรซึ่งมี  $N$  หน่วย โดยเริ่มต้นด้วยการแบ่งประชากรออกเป็น  $L$  ชั้น ในแต่ละชั้นมีสมาชิก  $N_1, N_2, \dots, N_L$  หน่วยตามลำดับ

$$\text{นั่นคือ } N_1 + N_2 + \dots + N_L = N$$

ในการสุ่มแบบแบ่งชั้นนี้ ควรจะต้องทราบจำนวนสมาชิก  $N_i$  ( $i=1, 2, \dots, L$ ) ในแต่ละชั้น การสุ่มในแต่ละชั้น ทำการสุ่มอย่างอิสระ ซึ่งอาจใช้วิธีเดียวกันหรือแตกต่างกันก็ได้ โดยให้ขนาดตัวอย่างในแต่ละชั้นเป็น  $n_1, n_2, \dots, n_L$  ตามลำดับ ตัวอย่างเช่น ในการสุ่มจำนวนครู เราอาจแบ่งเป็นโรงเรียนขนาดใหญ่ กลาง และเล็ก เพื่อให้สอดคล้องกับขนาดของโรงเรียน ซึ่งถือว่ามีอิทธิพลต่อการสอนของครู ฯลฯ เป็นต้น

## หลักการในการแบ่งประชากรออกเป็นชั้นๆ

ก. ประชากรที่จะสุ่มถูกแบ่งออกเป็นชั้น ๆ ตามคุณลักษณะที่เราทราบอย่างชัดเจน และจะกำหนดว่าให้แต่ละชั้นเป็นประชากรของตนเอง

ข. อาจแบ่งชั้นให้สอดคล้องกับระบบบริหารของหน่วยงาน

ค. การแบ่งประชากรออกเป็นชั้นๆ (subpopulation) สมาชิกภายในแต่ละชั้น มีลักษณะเป็นเอกพันธ์ (homogeneous) และในระหว่างแต่ละ

ชั้นมีลักษณะเป็นวิวิพพันธ์ (heterogeneous)

ง. การสุ่มแบบแบ่งชั้น ช่วยให้การประมาณคุณลักษณะต่างๆ ของประชากรทั้งหมด ทำได้ถูกต้องแม่นยำ เนื่องจากความแปรปรวนระหว่างสมาชิกภายในชั้น จะมีน้อยกว่าความแปรปรวนระหว่างชั้น เมื่อนำค่าประมาณของประชากรย่อยแต่ละชั้นนี้มารวมกันก็ช่วยให้การประมาณค่าประชากรทั้งหมดทำได้ถูกต้องขึ้น

## การประมาณค่าเฉลี่ยและผลรวมทั้งหมดของประชากร

ให้  $\bar{y}_i$  เป็นค่าเฉลี่ยของตัวอย่างที่สุ่มจากชั้นที่  $i$

$\mu_i$  เป็นค่าเฉลี่ยของประชากรในชั้นที่  $i$

$T_i$  เป็นผลรวมของประชากรในชั้นที่  $i$

$T$  เป็นผลรวมของประชากรทั้งหมด

$$\therefore T = T_1 + T_2 + \dots + T_L$$

$\bar{y}_i$  เป็นค่าประมาณที่ไม่เอนเอียง ของ  $\mu_i$

และ  $N_i \bar{y}_i$  เป็นค่าประมาณของ  $T_i$  เมื่อ

$$T_i = N_i \mu_i \text{ และ } \mu = \frac{T}{N} = \frac{\sum T_i}{N}$$

ค่าประมาณเฉลี่ยของประชากร  $\mu$  คือ

$$\bar{y}_{st} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^L N_i \bar{y}_i$$

เนื่องจาก  $T = N\mu$

ดังนั้น  $N\bar{y}_{st}$  เป็นค่าประมาณของ  $T$

$$\therefore N\bar{y}_{st} = N_1 \bar{y}_1 + N_2 \bar{y}_2 + \dots + N_L \bar{y}_L$$

$$= \sum_{i=1}^L N_i \bar{y}_i$$

อย่างไรก็ดี ควรหาขอบเขตของความเชื่อมั่นของค่าประมาณที่ได้ด้วย เพื่อจะช่วยให้ทราบว่าถ้าเรามีความเชื่อมั่น ๙๕ เปอร์เซ็นต์ ค่าประมาณที่ได้ควรจะอยู่ระหว่างค่าใด

**ประโยชน์ของการสุ่มตัวอย่างแบบแบ่งชั้น**

- ก. ความแปรปรวนของการประมาณค่าเฉลี่ยของประชากรมักจะมีค่าน้อยกว่าการสุ่มตัวอย่างแบบง่าย เพราะ ความแปรปรวนของข้อมูลภายในแต่ละชั้นมีค่าน้อยกว่าความแปรปรวนของประชากรทั้งหมด
- ข. การแบ่งประชากรออกเป็นชั้นๆ ทำให้การเก็บ

ข้อมูล การวิเคราะห์ข้อมูล มีค่าใช้จ่ายต่ำกว่าการสุ่มแบบง่าย

ค. การประมาณค่าพารามิเตอร์แต่ละชั้น สามารถกระทำได้อย่างอิสระไม่ต้องขึ้นอยู่กับชั้นอื่น ๆ

ง. การสุ่มแบบแบ่งชั้น ช่วยให้การประมาณคุณลักษณะต่างๆ ของประชากรทั้งหมด ทำได้ถูกต้องแม่นยำมากกว่าการสุ่มวิธีอื่น

**อนันต์ ศรีโสภา**

**บรรณานุกรม**

- อนันต์ ศรีโสภา เทคนิคการสุ่มตัวอย่าง คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ ประสานมิตร ๒๕๒๔
- Cochran, W.G. *Sampling Techniques*. 3 rd. ed. New York, John Wiley and Sons, Inc., 1963.
- Kish, L. *Survey Sampling*. New York , John Wiley and Sons, Inc., 1965.